

### A rendezvény támogatói:

BÉKÁSMEGYERI VERES PÉTER GIMNÁZIUM  
BAÁR-MADAS REFORMÁTUS GIMNÁZIUM  
ÓBUDA-BÉKÁSMEGYER ÖNKORMÁNYZATA  
MAGYAR KERTÉPÍTŐ KFT.  
BRINGÓHINTÓ KKT.

**Hanganyag:** CSIBA LAJOS, KEREKES BARNABÁS

### A verseny első fordulójának megyei/körzeti szervezői:

**Bács-Kiskun:** SOLTÉSZNÉ ALMÁSI ILDIKÓ (Zrínyi Ilona Általános Iskola, Kecskemét)  
**Baranya:** HEBLING ESZTER (Koch Valéria Középiskola, Általános Iskola és Óvoda, Pécs)  
**Békés:** MARCZIS GYÖRGYNÉ (GYAKI 5. Számú Általános és Sportiskola Tagint., Gyula)  
**Bihar:** BÁTHORI ÉVA (Ady Endre Líceum, Nagyvárad)  
**Borsod-Abaúj-Zemplén:** KOZMA LÁSZLÓ (Hunyadi Mátyás Általános Iskola, Sajószentpéter)  
**Budapest:** **Dél-Buda:** FEHÉR KAPLÁR ATTILA (Gazdagrét-Törökugrató Általános Iskola)  
**Délkelet-Pest:** GRATZER KÁROLYNÉ (Puskás Ferenc Általános Iskola)  
**Dél-Pest:** PATAKI NOÉMI (Lónyay Utcai Református Gimnázium)  
**Észak-Buda:** BÉKÉSSY SZILVIA (Békásmegyeri Veres Péter Gimnázium)  
**Észak-Pest:** KOVÁCS JUDIT (Karinthy Frigyes ÁMK Általános Iskola)  
**Kelet-Pest:** SZIGETI MÁTYÁS (Néri Szent Fülöp Katolikus Általános Iskola)  
**Kőbánya-Zugló:** MAGYAR ZSOLT (Szent István Gimnázium)  
**Közép-Buda:** ANTAL ERZSÉBET (Sashegyi Arany János Általános Iskola és Gimn.)  
**Közép-Pest:** HALÁSZ TAMÁS (Fasori Evangélikus Gimnázium)  
**Nyugat-Buda:** SÜVEGES-SZABÓ MARIANNA (Áldás Utcai Általános Iskola)  
**Csongrád:** PAPP LÁSZLÓ (Kertvárosi Katolikus Általános Iskola, Hódmezővásárhely)  
**Fejér:** BERNÁTH VALÉRIA (Teleki Blanka Gimnázium és Általános Iskola, Székesfehérvár)  
**Győr-Moson-Sopron:** PALASICS TAMÁSNÉ (Kovács Margit ÁMK, Győr)  
**Hajdú-Bihar:** WEINÉMER SÁNDOR (Bocskai István Gimnázium, Hajdúböszörmény)  
**Hargita:** HODGYAI LÁSZLÓ (Hargita Megye Tanfelügyelősége, Csíkszereda)  
**Heves/Nógrád:** LUDVIGNÉ FÓTOS ERZSÉBET (Balassi Bálint Általános Iskola, Eger)  
**Jász-Nagykun-Szolnok:** TÓTH ÉVA (Kassai Úti Magyar-Angol Két Tan. Ny. Ált. Isk., Solnok)  
**Komárom-Esztergom:** HOHNER NATALJA (Vaszary János Általános Iskola, Tata)  
**Kolozs:** NYITRAI JÁNOS (János Zsigmond Unitárius Kollégium, Kolozsvár)  
**Kovácsna:** UGRON SZABOLCS (Szekely Mikó Kollégium, Sepsiszentgyörgy)  
**Pest megye – délkelet:** MAGYAR ZSOLT (Szent István Gimnázium, Budapest)  
**Pest megye – délnyugat:** RÉTINÉ MUNKÁCSI ÁGOTA (1. sz. Általános Iskola, Budaörs)  
**Pest megye – észak:** CSÁKÓ JÓZSEFNÉ (Kőrösi Csoma Sándor Általános Iskola, Dunakeszi)  
**Somogy:** KAZSOKINÉ REINHARDT KATALIN (Gróf Széchényi I. Ált. Isk., Balatonföldvár)  
**Szabolcs-Szatmár-Bereg:** BÍRÓ ÉVA (Eötvös József Általános Iskola, Vásárosnamény)  
**Tolna:** GENCSLERNÉ HERCZEG ÁGOTA (Vörösmarty Mihály Általános Iskola, Bonyhád)  
**Vas:** HORVÁTHNÉ SÁMSON ANDREA (NYME Bolyai János Gyakorló Iskola, Szombathely)  
**Veszprém:** HORVÁTH SZILÁRDNÉ (Deák Ferenc Általános Iskola, Veszprém)  
**Zala:** GRÓFNÉ GYÖRKÖS VALÉRIA (Eötvös József Általános Iskola, Zalaegerszeg)

„Agykutatóként azt kívánom hazám polgárainak, hogy az agyunkat egyre jobban lefoglaló külső információáradat ellenére képesek legyünk odafigyelni a lélek hangjára, több ezer éves hagyományainkat hordozó belső világunkra. Csak így állíthatjuk alkotóképességünket, vágyainkat, az együttműködő szellem erejét közös felemelkedésünk szolgálatába.”

*Idézet Dr. Freund Tamás akadémikus, az első Bolyai-díjas bejegyzéséből a Bolyai Díj Emlékkönyvébe. Budapest, 2000. április 2.*

## BOLYAI MATEMATIKA CSAPATVERSENY®



BOLYAI FARKAS



BOLYAI JÁNOS

**2015/16.**  
**MEGYEI/KÖRZETI FORDULÓ**  
**7. OSZTÁLY**

### A rendezvény fővédnökei:

Prof. Dr. FREUND TAMÁS, a Magyar Tudományos Akadémia alelnöke  
Dr. AÁRY-TAMÁS LAJOS, az Oktatási Jogok Biztosa

### A verseny megálmodója és a feladatsorok összeállítója:

NAGY-BALÓ ANDRÁS középiskolai tanár

### A honlap és az informatikai háttér működtetője:

TASSY GERGELY középiskolai tanár

### A feladatsorok lektorálói:

BÉKÉSSY SZILVIA középiskolai tanár  
TASSYNÉ BERTA ANDREA középiskolai tanár  
CSUKA RÓBERT egyetemi hallgató

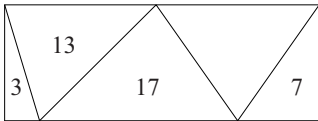
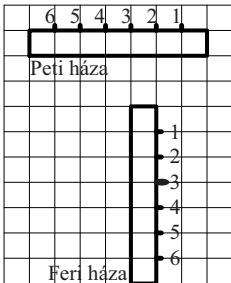
### Anyanyelvi lektor:

PAPP ISTVÁN GERGELY középiskolai tanár



<http://www.bolyaiverseny.hu/matek>

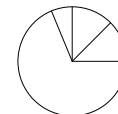
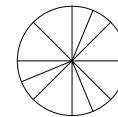
Az 1-13. feladatok megoldását a válaszlapon a megfelelő helyre tett X-szel jelöljétek! Előfordulhat, hogy egy feladatban több válasz is helyes.

- Összesen hány részre oszthat egy körlapot a körvonalat metsző három különböző egyenes?  
(A) 3 (B) 4 (C) 5 (D) 6 (E) 7
  - A róka és két medvebocs 100 szem cukorkán osztozkodnak. A róka a cukorkákat három kupacra osztja szét, majd sorsolással eldöntik, ki melyik kupacot kapja, és ha a bocsok kupacaiban különböző számú cukorka lenne, akkor megkérik a rókát, tegye egyenlővé a bocsok kupacait úgy, hogy elveszi magának a nagyobból a különbséget. Ha alkalmasan osztja szét a róka a cukorkákat, az alábbiak közül összesen hány cukorkát szerezhet magának biztosan, bárhogy alakul is a sorsolás?  
(A) 40 (B) 54 (C) 65 (D) 75 (E) 80
  - A 7. osztályban Anna tagja a 17 legjobb és a 17 legrosszabb matematikusnak is. Az alábbiak közül hányan lehetnek ebben az osztályban összesen?  
(A) 17-en (B) 18-an (C) 28-an (D) 33-an (E) 34-en
  - Egy téglalapot háromszögekre osztottunk, amelyek területét a rajzon  $\text{cm}^2$ -ben tüntettük fel. Hány  $\text{cm}^2$  a fel nem tüntetett terület nagysága?  
(A) 11 (B) 14 (C) 15 (D) 16 (E) 17
- 
- Az iskolai boltból egy délelőtt az összes tollat megvásárolták. Ági megvette az összes toll kétötödét, Bea a maradék egyharmadát, Csilla pedig ezután a maradék háromnegyedét. A megmaradt öt tollat az egyik tanár vásárolta meg. Összesen hány toll volt eredetileg reggel ebben a boltban?  
(A) 30 (B) 40 (C) 45 (D) 50 (E) 60
  - Peti és Feri két szomszédos, egyaránt 6-6 lépcsőházban lakik (lásd a rajzot). Feri a 3. lépcsőházban lakik. Ahhoz, hogy Peti saját lakásából a legrövidebb úton eljusson Ferihez, teljesen mindegy, hogy jobbra vagy balra indul el saját lakásának lépcsőházából. (Útja során nem szükséges, hogy mindvégig a négyzetek oldalain haladjon.) Hányas számú lépcsőházban lakhat Peti, ha a lépcsőházakból kijönni vagy oda bemenni csak a számokkal jelzett irányból lehet?  
(A) 2. (B) 3. (C) 4. (D) 5. (E) 6.
- 
- Egy gömb alakú egész dinnyét négy részre daraboltunk. Összesen hány részre darabolhattuk így a dinnye héját?  
(A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5 (E) 6

- Egy óra a hőmérséklet ingadozása miatt naponta nappal fél percet siet, éjjel harmad percet késik. Október 1-jén este (a nappal végén) pontosan mutatja az időt. Az alábbiak közül mely napon fordul elő, hogy pontosan 4 percet siet ez az óra?

(A) október 25-én (B) október 26-án (C) október 27-én  
(D) október 28-án (E) október 29-én

- Egy függőleges tengelyre rátettek néhány küllős kereket. A felső ábrán ezt láthatjuk felülnézetből. Ezután a kerekeket megpörgették (nem azonos sebességgel), és megkapták az alsó ábrán felülnézetből látható új helyzetet. Az alábbiak közül hány kerék lehetett összesen ezen a függőleges tengelyen?



(A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5 (E) 6

- Egy kirándulás tervezésénél azt feltételezték, hogy a lányok száma 25%-a lesz a fiúk számának. A végén kiderült, hogy az egyik lány helyett egy fiú jött, és így a lányok száma csak 20%-a lett a fiúk számának. Összesen hányan mentek kirándulni?

(A) 24 (B) 26 (C) 28 (D) 30 (E) 32

- Egy tortát egy olyan négyzet alapú dobozba csomagoltak, amelynek magassága feleakkora, mint az alapéle. 178 cm hosszú szalaggal úgy át lehet kötni a dobozt, hogy még masnit is tudunk kötni belőle a tetején (a felső ábrán látható módon). Ha az alsó ábrán látható módon kötnénk át a dobozt, ugyanolyan hosszú masnival, akkor 204 cm szalagra lenne szükségünk. Hány cm hosszú lehet a doboz valamelyik éle?



(A) 11 (B) 13 (C) 22 (D) 26 (E) 44

- Mosás után 100 pár zoknit tetszőlegesen szétosztottak három fiók között. (Egy-egy páron belül a két zokni egyforma, de a párok mind különbözők.) Az egyik fiókba 33 pár zokni és 8 pár nélküli zokni, a másikba 31 pár zokni és 31 pár nélküli zokni került. Összesen hány pár zokni kerülhetett a harmadik fiókba?

(A) 1 (B) 3 (C) 5 (D) 7 (E) 9

- Tudjuk, hogy teljesül a  $VIGAD = TOLAT + TOLAT + \dots + TOLAT$  egyenlőség, ahol az azonos betűk azonos, a különböző betűk különböző számjegyeket jelölnek. ( $VIGAD$  és  $TOLAT$  is ötjegyű számok.) Hányast jelölhet a  $G$  betű, ha a jobb oldalon az összeadandók száma a lehető legnagyobb?

(A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5 (E) 6

A következő feladatot a válaszlapon kijelölt helyén oldjátok meg!

- Adott két különböző pont,  $A$  és  $B$ . Rajzoljátok meg a síkban az összes olyan  $C$  pontot, amely az  $ABC$  egyenlő szárú háromszög hiányzó csúcsa lehet!